

# ALGEBRA LINEAL

## Operaciones con vectores

**$v[[i]]$  o  $Part[v, i]$**

Da el elemento  $i$ ésimo del vector  $v$ .

**$c v$**

Multiplicación escalar de  $c$  por el vector  $v$ .

**$u \cdot v$**

Producto escalar de dos vectores.

**$Norm[v]$**

Da el módulo del vector  $v$ .

**$Normalize[v]$**

Da el vector unitario en la dirección de  $v$ .

**$Standardize[v]$**

Transforma  $v$  para tener media cero y varianza de muestra unitaria.

**$Standardize[v, f1]$**

Transforma  $v$  por  $Subíndice[f, 1][v]$  y escala para tener varianza de muestra unitaria.

### Ejemplos:

```
In[*]:= Clear["Global`*"]  
borra
```

Definimos un vector  $v$  en tres dimensiones:

```
In[*]:= v = {1, 3, 2}  
Out[*]=  
{1, 3, 2}
```

Definimos un vector  $u$  en el sentido opuesto al doble del vector  $v$ :

```
In[*]:= u = -2 v  
Out[*]=  
{-2, -6, -4}
```

Esto reasigna el primer componente de  $u$  para que sea su opuesto y escribimos  $u$ :

```
In[*]:= u[[1]] = -u[[1]]; u  
Out[*]=  
{2, -6, -4}
```

Si queremos el producto escalar de los vectores  $u$  por  $v$ :

```
In[*]:= u.v
Out[*]=
-24
```

Si queremos el módulo del vector **v**:

```
In[*]:= Norm[v]
|norma
Out[*]=
√14
```

Si queremos un vector unitario en la misma dirección de **v**:

```
In[*]:= Normalize[v]
|normaliza
Out[*]=
{ 1/√14, 3/√14, √(2/7) }
```

Podemos verificar que está normalizado:

```
In[*]:= Norm[%]
|norma
Out[*]=
1
```

Transforme **v** para que tenga media cero y varianza de muestra unitaria:

```
In[*]:= Standardize[v]
|estandariza
Out[*]=
{-1, 1, 0}
```

Esto muestra que los valores transformados tienen media 0 y varianza 1:

```
In[*]:= {Mean[%], Variance[%]}
|media |varianza
Out[*]=
{0, 1}
```

## Operaciones con vectores ortogonales

### **Projection [u, v]**

Da la proyección ortogonal de **u** sobre **v**.

### **Orthogonalize [v1, v2, ...]**

Genera un conjunto ortonormal a partir de la lista dada de vectores.

Calculamos la proyección de **u** sobre **v**:

```
In[*]:= p = Projection[u, v]
|proyección
Out[*]=
{-12/7, -36/7, -24/7}
```

**p** es un escalar múltiplo de **v**:

In[\*]:=  $\mathbf{p} / \mathbf{v}$

Out[\*]=

$$\left\{ -\frac{12}{7}, -\frac{12}{7}, -\frac{12}{7} \right\}$$

$\mathbf{u} - \mathbf{p}$  es ortogonal a  $\mathbf{v}$ :

In[\*]:=  $(\mathbf{u} - \mathbf{p}) \cdot \mathbf{v}$

Out[\*]=

0

A partir del conjunto de vectores  $\{\mathbf{u}, \mathbf{v}\}$ , esto encuentra un conjunto ortonormal de dos vectores:

In[\*]:= `Orthogonalize[{u, v}]`

`|ortogonaliza`

Out[\*]=

$$\left\{ \left\{ \frac{1}{\sqrt{14}}, -\frac{3}{\sqrt{14}}, -\sqrt{\frac{2}{7}} \right\}, \left\{ \sqrt{\frac{13}{14}}, \frac{3}{\sqrt{182}}, \sqrt{\frac{2}{91}} \right\} \right\}$$

Cuando uno de los vectores depende linealmente de los vectores que lo preceden, la posición correspondiente en el resultado será un vector cero:

In[\*]:= `Orthogonalize[{v, p, u}]`

`|ortogonaliza`

Out[\*]=

$$\left\{ \left\{ \frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}, \sqrt{\frac{2}{7}} \right\}, \{0, 0, 0\}, \left\{ \sqrt{\frac{13}{14}}, -\frac{3}{\sqrt{182}}, -\sqrt{\frac{2}{91}} \right\} \right\}$$